

## ЗАДАНИЯ №15 ОГЭ ПО МАТЕМАТИКЕ

## ПРОИЗВОЛЬНЫЙ ТРЕУГОЛЬНИК

- 1) В треугольнике два угла равны  $70^\circ$  и  $44^\circ$ . Найдите его третий угол.  
Ответ дайте в градусах.
- 2) В треугольнике два угла равны  $45^\circ$  и  $86^\circ$ . Найдите его третий угол.  
Ответ дайте в градусах.
- 3) В треугольнике  $ABC$  угол  $C$  равен  $125^\circ$ . Найдите внешний угол при вершине  $C$ . Ответ дайте в градусах.
- 4) В треугольнике  $ABC$  угол  $C$  равен  $179^\circ$ . Найдите внешний угол при вершине  $C$ . Ответ дайте в градусах.
- 5) В треугольнике  $ABC$  известно, что  $\angle BAC = 88^\circ$ ,  $AD$  – биссектриса.  
Найдите угол  $BAD$ . Ответ дайте в градусах.
- 6) В треугольнике  $ABC$  известно, что  $\angle BAC = 10^\circ$ ,  $AD$  – биссектриса.  
Найдите угол  $CAD$ . Ответ дайте в градусах.
- 7) В остроугольном треугольнике  $ABC$  проведена высота  $BH$ ,  
 $\angle BAC = 16^\circ$ . Найдите угол  $ABH$ . Ответ дайте в градусах.
- 8) В остроугольном треугольнике  $ABC$  проведена высота  $BH$ ,  
 $\angle BAC = 80^\circ$ . Найдите угол  $ABH$ . Ответ дайте в градусах.
- 9) В треугольнике  $ABC$  известно, что  $AC = 14$ ,  $BM$  – медиана,  $BM = 10$ .  
Найдите  $AM$ .
- 10) В треугольнике  $ABC$  известно, что  $AC = 58$ ,  $BM$  – медиана,  $BM = 37$ .  
Найдите  $AM$ .
- 11) Точки  $M$  и  $N$  являются серединами сторон  $AB$  и  $BC$  треугольника  $ABC$ ,  
сторона  $AB$  равна 21, сторона  $BC$  равна 22, сторона  $AC$  равна 30. Найдите  $MN$ .
- 12) Точки  $M$  и  $N$  являются серединами сторон  $AB$  и  $BC$  треугольника  $ABC$ ,  
сторона  $AB$  равна 66, сторона  $BC$  равна 37, сторона  $AC$  равна 52. Найдите  $MN$ .
- 13) Прямая, параллельная стороне  $AC$  треугольника  $ABC$ , пересекает стороны  $AB$  и  $BC$  в точках  $M$  и  $N$  соответственно,  $AB = 48$ ,  $AC = 42$ ,  $MN = 28$ .  
Найдите  $AM$ .
- 14) Прямая, параллельная стороне  $AC$  треугольника  $ABC$ , пересекает стороны  $AB$  и  $BC$  в точках  $M$  и  $N$  соответственно,  $AB = 18$ ,  $AC = 36$ ,  $MN = 16$ .  
Найдите  $AM$ .
- 15) Точки  $M$  и  $N$  являются серединами сторон  $AB$  и  $BC$  треугольника  $ABC$  соответственно. Отрезки  $AN$  и  $CM$  пересекаются в точке  $O$ ,  $AN = 27$ ,  $CM = 15$ .  
Найдите  $CO$ .

**16)** Точки  $M$  и  $N$  являются серединами сторон  $AB$  и  $BC$  треугольника  $ABC$  соответственно. Отрезки  $AN$  и  $CM$  пересекаются в точке  $O$ ,  $AN = 30$ ,  $CM = 9$ . Найдите  $AO$ .

**17)** В треугольнике  $ABC$  угол  $A$  равен  $45^\circ$ , угол  $B$  равен  $60^\circ$ ,  $BC = 8\sqrt{6}$ . Найдите  $AC$ .

**18)** В треугольнике  $ABC$  угол  $A$  равен  $45^\circ$ , угол  $B$  равен  $60^\circ$ ,  $BC = 12\sqrt{6}$ . Найдите  $AC$ .

**19)** В треугольнике  $ABC$  известно, что  $AB = 10$ ,  $BC = 20$ ,  $AC = 22$ . Найдите  $\cos \angle ABC$ .

**20)** В треугольнике  $ABC$  известно, что  $AB = 4$ ,  $BC = 6$ ,  $AC = 8$ . Найдите  $\cos \angle ABC$ .

**21)** В треугольнике  $ABC$  угол  $C$  равен  $45^\circ$ ,  $AB = 8\sqrt{2}$ . Найдите радиус окружности, описанной около этого треугольника.

**22)** В треугольнике  $ABC$  угол  $C$  равен  $45^\circ$ ,  $AB = 6\sqrt{2}$ . Найдите радиус окружности, описанной около этого треугольника.

**23)** В треугольнике  $ABC$  угол  $C$  равен  $30^\circ$ ,  $AB = 16$ . Найдите радиус окружности, описанной около этого треугольника.

**24)** В треугольнике  $ABC$  угол  $C$  равен  $60^\circ$ ,  $AB = 12\sqrt{3}$ . Найдите радиус окружности, описанной около этого треугольника.

**25)** В треугольнике  $ABC$  проведена биссектриса  $AL$ ,  $\angle ALC$  равен  $100^\circ$ ,  $\angle ABC$  равен  $80^\circ$ . Найдите угол  $ACB$ . Ответ дайте в градусах.

**26)** В треугольнике  $ABC$  проведена биссектриса  $AL$ ,  $\angle ALC$  равен  $122^\circ$ ,  $\angle ABC$  равен  $107^\circ$ . Найдите угол  $ACB$ . Ответ дайте в градусах.

**27)** Биссектрисы углов  $N$  и  $M$  треугольника  $MNP$  пересекаются в точке  $A$ . Найдите  $\angle NAM$ , если  $\angle N = 74^\circ$ , а  $\angle M = 52^\circ$ .

**28)** Биссектрисы углов  $N$  и  $M$  треугольника  $MNP$  пересекаются в точке  $A$ . Найдите  $\angle NAM$ , если  $\angle N = 44^\circ$ , а  $\angle M = 76^\circ$ .

**29)** У треугольника со сторонами 6 и 30 проведены высоты к этим сторонам. Высота, проведённая к первой стороне, равна 15. Чему равна высота, проведённая ко второй стороне?

**30)** У треугольника со сторонами 12 и 6 проведены высоты к этим сторонам. Высота, проведённая к первой стороне, равна 3. Чему равна высота, проведённая ко второй стороне?

**31)** В остроугольном треугольнике  $ABC$  высота  $AH = \sqrt{91}$ , а сторона  $AB$  равна 10. Найдите  $\cos B$ .

**32)** В остроугольном треугольнике  $ABC$  высота  $AH = 2\sqrt{21}$ , а сторона  $AB$  равна 10. Найдите  $\cos B$ .

**33)** В треугольнике  $ABC$  проведены медиана  $BM$  и высота  $BH$ . Известно, что  $AC = 10$  и  $BC = BM$ . Найдите  $AH$ .

**34)** В треугольнике  $ABC$  проведены медиана  $BM$  и высота  $BH$ . Известно, что  $AC = 40$  и  $BC = BM$ . Найдите  $AH$ .

**35)** В треугольнике  $ABC$   $BM$  – медиана и  $BH$  – высота. Известно, что  $AC = 16$ ,  $HC = 4$  и  $\angle ACB = 77^\circ$ . Найдите  $\angle AMB$ . Ответ дайте в градусах.

**36)** В треугольнике  $ABC$   $BM$  – медиана и  $BH$  – высота. Известно, что  $AC = 12$ ,  $HC = 3$  и  $\angle ACB = 57^\circ$ . Найдите  $\angle AMB$ . Ответ дайте в градусах.

**37)** В треугольнике  $ABC$  углы  $A$  и  $C$  равны  $30^\circ$  и  $70^\circ$  соответственно. Найдите угол между высотой  $BH$  и биссектрисой  $BD$ .

**38)** В треугольнике  $ABC$  углы  $A$  и  $C$  равны  $10^\circ$  и  $64^\circ$  соответственно. Найдите угол между высотой  $BH$  и биссектрисой  $BD$ .

**39)** Прямая  $AD$ , перпендикулярная медиане  $BM$  треугольника  $ABC$ , делит её пополам. Найдите сторону  $AB$ , если сторона  $AC$  равна 38.

**40)** Прямая  $AD$ , перпендикулярная медиане  $BM$  треугольника  $ABC$ , делит её пополам. Найдите сторону  $AC$ , если сторона  $AB$  равна 12.

**41)** Прямая, параллельная стороне  $AC$  треугольника  $ABC$ , пересекает стороны  $AB$  и  $BC$  в точках  $K$  и  $M$  соответственно. Найдите  $AC$ , если  $BM : MC = 2 : 5$ ,  $KM = 14$ .

**42)** Прямая, параллельная стороне  $AC$  треугольника  $ABC$ , пересекает стороны  $AB$  и  $BC$  в точках  $K$  и  $M$  соответственно. Найдите  $AC$ , если  $BK : KA = 3 : 1$ ,  $KM = 15$ .

## ОТВЕТЫ

- 1) 66. 2) 49. 3) 55. 4) 1. 5) 44. 6) 5. 7) 74. 8) 10. 9) 7. 10) 29. 11) 15. 12) 26. 13) 16. 14) 10. 15) 10. 16) 20. 17) 24. 18) 36. 19) 0,04. 20) -0,25. 21) 8. 22) 6. 23) 16. 24) 12. 25) 60. 26) 43. 27) 117. 28) 120. 29) 3. 30) 6. 31) 0,3. 32) 0,4. 33) 7,5. 34) 30. 35) 103. 36) 123. 37) 20. 38) 27. 39) 19. 40) 24. 41) 49. 42) 20.

## РАВНОБЕДРЕННЫЙ И РАВНОСТОРОННИЙ ТРЕУГОЛЬНИК

**1)** В треугольнике  $ABC$  известно, что  $AB = BC$ ,  $\angle ABC = 136^\circ$ . Найдите угол  $BCA$ . Ответ дайте в градусах.

**2)** В треугольнике  $ABC$  известно, что  $AB = BC$ ,  $\angle ABC = 96^\circ$ . Найдите угол  $BCA$ . Ответ дайте в градусах.

**3)** Высота равностороннего треугольника равна  $22\sqrt{3}$ . Найдите его периметр.

- 4) Высота равностороннего треугольника равна  $18\sqrt{3}$ . Найдите его периметр.
- 5) Сторона равностороннего треугольника равна  $3\sqrt{3}$ . Найдите высоту этого треугольника.
- 6) Сторона равностороннего треугольника равна  $7\sqrt{3}$ . Найдите высоту этого треугольника.
- 7) Биссектриса равностороннего треугольника равна  $6\sqrt{3}$ . Найдите сторону этого треугольника.
- 8) Биссектриса равностороннего треугольника равна  $17\sqrt{3}$ . Найдите сторону этого треугольника.
- 9) Сторона равностороннего треугольника равна  $8\sqrt{3}$ . Найдите биссектрису этого треугольника.
- 10) Сторона равностороннего треугольника равна  $28\sqrt{3}$ . Найдите биссектрису этого треугольника.
- 11) Сторона равностороннего треугольника равна  $30\sqrt{3}$ . Найдите медиану этого треугольника.
- 12) Сторона равностороннего треугольника равна  $7\sqrt{3}$ . Найдите медиану этого треугольника.
- 13) Медиана равностороннего треугольника равна  $29\sqrt{3}$ . Найдите сторону этого треугольника.
- 14) Медиана равностороннего треугольника равна  $25\sqrt{3}$ .  
Найдите сторону этого треугольника.
- 15) Сторона равностороннего треугольника равна  $\sqrt{3}$ . Найдите радиус окружности, описанной около этого треугольника.
- 16) Сторона равностороннего треугольника равна  $2\sqrt{3}$ . Найдите радиус окружности, описанной около этого треугольника.
- 17) Радиус окружности, описанной около равностороннего треугольника, равен  $9\sqrt{3}$ . Найдите длину стороны этого треугольника.
- 18) Радиус окружности, описанной около равностороннего треугольника, равен  $15\sqrt{3}$ . Найдите длину стороны этого треугольника.
- 19) Радиус окружности, описанной около равностороннего треугольника, равен 12. Найдите высоту этого треугольника.
- 20) Радиус окружности, описанной около равностороннего треугольника, равен 4. Найдите высоту этого треугольника.
- 21) Сторона равностороннего треугольника равна  $5\sqrt{3}$ . Найдите радиус окружности, вписанной в этот треугольник.

**22)** Сторона равностороннего треугольника равна  $9\sqrt{3}$ . Найдите радиус окружности, вписанной в этот треугольник.

**23)** Радиус окружности, вписанной в равносторонний треугольник, равен  $10\sqrt{3}$ . Найдите длину стороны этого треугольника.

**24)** Радиус окружности, вписанной в равносторонний треугольник, равен  $22\sqrt{3}$ . Найдите длину стороны этого треугольника.

**25)** Радиус окружности, вписанной в равносторонний треугольник, равен 3. Найдите высоту этого треугольника.

**26)** Радиус окружности, вписанной в равносторонний треугольник, равен 1,5. Найдите высоту этого треугольника.

**27)** В треугольнике  $ABC$   $AC = BC$ . Внешний угол при вершине  $B$  равен  $135^\circ$ . Найдите угол  $C$ . Ответ дайте в градусах.

**28)** В треугольнике  $ABC$   $AC = BC$ . Внешний угол при вершине  $B$  равен  $128^\circ$ . Найдите угол  $C$ . Ответ дайте в градусах.

**29)** В треугольнике  $ABC$   $AB = BC = 5$ ,  $AC = 8$ . Найдите длину медианы  $BM$ .

**30)** В треугольнике  $ABC$   $AB = BC = 15$ ,  $AC = 24$ . Найдите длину медианы  $BM$ .

**31)** В треугольнике  $ABC$   $AB = BC$ , а высота  $AH$  делит сторону  $BC$  на отрезки  $BH = 7$  и  $CH = 18$ . Найдите  $\cos B$ .

**32)** В треугольнике  $ABC$   $AB = BC$ , а высота  $AH$  делит сторону  $BC$  на отрезки  $BH = 4$  и  $CH = 6$ . Найдите  $\cos B$ .

**33)** Точка  $D$  на стороне  $AB$  треугольника  $ABC$  выбрана так, что  $AD = AC$ . Известно, что  $\angle CAB = 32^\circ$  и  $\angle ACB = 86^\circ$ . Найдите угол  $DCB$ . Ответ дайте в градусах.

**34)** Точка  $D$  на стороне  $AB$  треугольника  $ABC$  выбрана так, что  $AD = AC$ . Известно, что  $\angle CAB = 9^\circ$  и  $\angle ACB = 150^\circ$ . Найдите угол  $DCB$ . Ответ дайте в градусах.

## ОТВЕТЫ

- 1) 22. 2) 42. 3) 132. 4) 108. 5) 4,5. 6) 10,5. 7) 12. 8) 34. 9) 12. 10) 42. 11) 45. 12) 10,5. 13) 58. 14) 50. 15) 1. 16) 2. 17) 27. 18) 45. 19) 18. 20) 6. 21) 2,5. 22) 4,5. 23) 60. 24) 132. 25) 9. 26) 4,5. 27) 90. 28) 76. 29) 3. 30) 9. 31) 0,28. 32) 0,4. 33) 12. 34) 64,5.

## ПРЯМОУГОЛЬНЫЙ ТРЕУГОЛЬНИК

- 1) Катеты прямоугольного треугольника равны 9 и 12. Найдите гипotenузу этого треугольника.

- 2)** Катеты прямоугольного треугольника равны 7 и 24. Найдите гипотенузу этого треугольника.
- 3)** Один из острых углов прямоугольного треугольника равен  $21^\circ$ . Найдите его другой острый угол. Ответ дайте в градусах.
- 4)** Один из острых углов прямоугольного треугольника равен  $43^\circ$ . Найдите его другой острый угол. Ответ дайте в градусах.
- 5)** В прямоугольном треугольнике катет и гипотенуза равны 7 и 25 соответственно. Найдите другой катет этого треугольника.
- 6)** В прямоугольном треугольнике катет и гипотенуза равны 16 и 34 соответственно. Найдите другой катет этого треугольника.
- 7)** В треугольнике  $ABC$  угол  $C$  равен  $90^\circ$ ,  $M$  – середина стороны  $AB$ ,  $AB = 26$ ,  $BC = 18$ . Найдите  $CM$ .
- 8)** В треугольнике  $ABC$  угол  $C$  равен  $90^\circ$ ,  $M$  – середина стороны  $AB$ ,  $AB = 76$ ,  $BC = 46$ . Найдите  $CM$ .
- 9)** В треугольнике  $ABC$  известно, что  $AC = 30$ ,  $BC = 16$ , угол  $C$  равен  $90^\circ$ . Найдите радиус описанной около этого треугольника окружности.
- 10)** В треугольнике  $ABC$  известно, что  $AC = 12$ ,  $BC = 5$ , угол  $C$  равен  $90^\circ$ . Найдите радиус описанной около этого треугольника окружности.
- 11)** На гипотенузу  $AB$  прямоугольного треугольника  $ABC$  опущена высота  $CH$ ,  $AH = 4$ ,  $BH = 16$ . Найдите  $CH$ .
- 12)** На гипотенузу  $AB$  прямоугольного треугольника  $ABC$  опущена высота  $CH$ ,  $AH = 7$ ,  $BH = 28$ . Найдите  $CH$ .
- 13)** В треугольнике  $ABC$  угол  $C$  равен  $90^\circ$ ,  $AC = 7$ ,  $AB = 25$ . Найдите  $\sin B$ .
- 14)** В треугольнике  $ABC$  угол  $C$  равен  $90^\circ$ ,  $AC = 11$ ,  $AB = 20$ . Найдите  $\sin B$ .
- 15)** В треугольнике  $ABC$  угол  $C$  равен  $90^\circ$ ,  $BC = 72$ ,  $AB = 75$ . Найдите  $\cos B$ .
- 16)** В треугольнике  $ABC$  угол  $C$  равен  $90^\circ$ ,  $BC = 10$ ,  $AC = 7$ . Найдите  $\tg B$ .
- 17)** Синус острого угла  $A$  треугольника  $ABC$  равен  $\frac{3\sqrt{11}}{10}$ . Найдите  $\cos A$ .
- 18)** Синус острого угла  $A$  треугольника  $ABC$  равен  $\frac{\sqrt{15}}{4}$ . Найдите  $\cos A$ .
- 19)** Косинус острого угла  $A$  треугольника  $ABC$  равен  $\frac{2\sqrt{6}}{5}$ . Найдите  $\sin A$ .
- 20)** Косинус острого угла  $A$  треугольника  $ABC$  равен  $\frac{\sqrt{19}}{10}$ . Найдите  $\sin A$ .
- 21)** В треугольнике  $ABC$  угол  $C$  равен  $90^\circ$ ,  $\sin B = \frac{4}{9}$ ,  $AB = 18$ . Найдите  $AC$ .

**22)** В треугольнике  $ABC$  угол  $C$  равен  $90^\circ$ ,  $\sin B = \frac{5}{17}$ ,  $AB = 51$ . Найдите  $AC$ .

**23)** В треугольнике  $ABC$  угол  $C$  равен  $90^\circ$ ,  $\tg B = \frac{9}{7}$ ,  $BC = 42$ . Найдите  $AC$ .

**24)** В треугольнике  $ABC$  угол  $C$  равен  $90^\circ$ ,  $\tg B = \frac{7}{12}$ ,  $BC = 48$ . Найдите  $AC$ .

**25)** В треугольнике  $ABC$  угол  $A$  прямой,  $AB = 2$ ,  $\cos B = \frac{2}{5}$ . Найдите  $BC$ .

**26)** В треугольнике  $ABC$  угол  $A$  прямой,  $AB = 96$ ,  $\cos B = \frac{16}{19}$ . Найдите  $BC$ .

**27)** Катеты прямоугольного треугольника равны 15 и 20. Найдите высоту, проведенную к гипотенузе.

**28)** Катеты прямоугольного треугольника равны 21 и 72. Найдите высоту, проведенную к гипотенузе.

**29)** Точка  $H$  является основанием высоты, проведённой из вершины прямого угла  $B$  треугольника  $ABC$  к гипотенузе  $AC$ . Найдите  $AB$ , если  $AH = 8$ ,  $AC = 32$ .

**30)** Точка  $H$  является основанием высоты, проведённой из вершины прямого угла  $B$  треугольника  $ABC$  к гипотенузе  $AC$ . Найдите  $AB$ , если  $AH = 6$ ,  $AC = 24$ .

**31)** В прямоугольном треугольнике  $ABC$  катет  $AC = 35$ , а высота  $CH$ , опущенная на гипотенузу, равна  $14\sqrt{6}$ . Найдите  $\sin \angle ABC$ .

**32)** В прямоугольном треугольнике  $ABC$  катет  $AC = 52$ , а высота  $CH$ , опущенная на гипотенузу, равна  $26\sqrt{3}$ . Найдите  $\sin \angle ABC$ .

**33)** Катеты прямоугольного треугольника равны  $3\sqrt{91}$  и 9. Найдите синус наименьшего угла этого треугольника.

**34)** Катеты прямоугольного треугольника равны  $5\sqrt{15}$  и 5. Найдите синус наименьшего угла этого треугольника.

**35)** В треугольнике  $ABC$  угол  $C$  прямой,  $BC = 8$ ,  $\sin A = 0,4$ . Найдите  $AB$ .

**36)** В треугольнике  $ABC$  угол  $C$  прямой,  $BC = 12$ ,  $\sin A = \frac{4}{11}$ . Найдите  $AB$ .

**37)** В треугольнике  $ABC$  угол  $C$  прямой,  $AC = 4$ ,  $\cos A = 0,8$ . Найдите  $AB$ .

**38)** В треугольнике  $ABC$  угол  $C$  прямой,  $AC = 15$ ,  $\cos A = \frac{5}{7}$ . Найдите  $AB$ .

**39)** В треугольнике  $ABC$  угол  $C$  прямой,  $AC = 9$ ,  $\sin A = \frac{4}{5}$ . Найдите  $AB$ .

**40)** В треугольнике  $ABC$  угол  $C$  прямой,  $AC = 5$ ,  $\sin A = \frac{12}{13}$ . Найдите  $AB$ .

- 41)** В треугольнике  $ABC$  угол  $C$  равен  $90^\circ$ ,  $BC = 18$ ,  $\tg A = 3$ . Найдите  $AC$ .
- 42)** В треугольнике  $ABC$  угол  $C$  прямой,  $BC = 12$ ,  $\tg A = 1,5$ . Найдите  $AC$ .
- 43)** В треугольнике  $ABC$  угол  $C$  равен  $90^\circ$ ,  $AC = 20$ ,  $\tg A = 0,5$ . Найдите  $BC$ .
- 44)** В треугольнике  $ABC$  угол  $C$  равен  $90^\circ$ ,  $AC = 4$ ,  $\tg A = 0,75$ . Найдите  $BC$ .
- 45)** В треугольнике  $ABC$  угол  $C$  равен  $90^\circ$ ,  $AC = 6$ ,  $\tg A = \frac{2\sqrt{10}}{3}$ . Найдите  $AB$ .
- 46)** В треугольнике  $ABC$  угол  $C$  равен  $90^\circ$ ,  $AC = 9$ ,  $\tg A = \frac{8}{15}$ . Найдите  $AB$ .

### ОТВЕТЫ

- 1)** 15. **2)** 25. **3)** 69. **4)** 47. **5)** 24. **6)** 30. **7)** 13. **8)** 38. **9)** 17. **10)** 6,5. **11)** 8. **12)** 14. **13)** 0,28. **14)** 0,55. **15)** 0,96. **16)** 0,7. **17)** 0,1. **18)** 0,25. **19)** 0,2. **20)** 0,9. **21)** 8. **22)** 15. **23)** 54. **24)** 28. **25)** 5. **26)** 114. **27)** 12. **28)** 20,16. **29)** 16. **30)** 12. **31)** 0,2. **32)** 0,5. **33)** 0,3. **34)** 0,25. **35)** 20. **36)** 33. **37)** 5. **38)** 21. **39)** 15. **40)** 13. **41)** 6. **42)** 8. **43)** 10. **44)** 3. **45)** 14. **46)** 10,2.

### КВАДРАТ И ПРЯМОУГОЛЬНИК

- 1)** Сторона квадрата равна  $7\sqrt{2}$ . Найдите диагональ этого квадрата.
- 2)** Сторона квадрата равна  $11\sqrt{2}$ . Найдите диагональ этого квадрата.
- 3)** Сторона квадрата равна 16. Найдите радиус окружности, вписанной в этот квадрат.
- 4)** Сторона квадрата равна 24. Найдите радиус окружности, вписанной в этот квадрат.
- 5)** Радиус вписанной в квадрат окружности равен  $14\sqrt{2}$ . Найдите диагональ этого квадрата.
- 6)** Радиус вписанной в квадрат окружности равен  $24\sqrt{2}$ . Найдите диагональ этого квадрата.
- 7)** Сторона квадрата равна  $8\sqrt{2}$ . Найдите радиус окружности, описанной около этого квадрата.
- 8)** Сторона квадрата равна  $24\sqrt{2}$ . Найдите радиус окружности, описанной около этого квадрата.
- 9)** Радиус окружности, описанной около квадрата, равен  $26\sqrt{2}$ . Найдите длину стороны этого квадрата.
- 10)** Радиус окружности, описанной около квадрата, равен  $34\sqrt{2}$ . Найдите длину стороны этого квадрата.

**11)** Радиус вписанной в квадрат окружности равен  $22\sqrt{2}$ . Найдите радиус окружности, описанной около этого квадрата.

**12)** Радиус вписанной в квадрат окружности равен  $7\sqrt{2}$ . Найдите радиус окружности, описанной около этого квадрата.

**13)** Радиус окружности, описанной около квадрата, равен  $56\sqrt{2}$ . Найдите радиус окружности, вписанной в этот квадрат.

**14)** Радиус окружности, описанной около квадрата, равен  $42\sqrt{2}$ . Найдите радиус окружности, вписанной в этот квадрат.

**15)** Диагональ прямоугольника образует угол  $51^\circ$  с одной из его сторон. Найдите острый угол между диагоналями этого прямоугольника. Ответ дайте в градусах.

**16)** Диагональ прямоугольника образует угол  $86^\circ$  с одной из его сторон. Найдите острый угол между диагоналями этого прямоугольника. Ответ дайте в градусах.

**17)** Диагонали  $AC$  и  $BD$  прямоугольника  $ABCD$  пересекаются в точке  $O$ ,  $BO = 13$ ,  $AB = 11$ . Найдите  $AC$ .

**18)** Диагонали  $AC$  и  $BD$  прямоугольника  $ABCD$  пересекаются в точке  $O$ ,  $BO = 11$ ,  $AB = 10$ . Найдите  $AC$ .

**19)** На стороне  $BC$  прямоугольника  $ABCD$ , у которого  $AB = 24$  и  $AD = 31$ , отмечена точка  $E$  так, что  $\angle EAB = 45^\circ$ . Найдите  $ED$ .

**20)** На стороне  $BC$  прямоугольника  $ABCD$ , у которого  $AB = 10$  и  $AD = 34$ , отмечена точка  $E$  так, что  $\angle EAB = 45^\circ$ . Найдите  $ED$ .

## ОТВЕТЫ

- 1)** 14. **2)** 22. **3)** 8. **4)** 12. **5)** 56. **6)** 96. **7)** 8. **8)** 24. **9)** 52. **10)** 68. **11)** 44. **12)** 14. **13)** 56. **14)** 42. **15)** 78. **16)** 8. **17)** 26. **18)** 22. **19)** 25. **20)** 26.

## ПАРАЛЛЕЛОГРАММ

**1)** Один из углов параллелограмма равен  $61^\circ$ . Найдите больший угол этого параллелограмма. Ответ дайте в градусах.

**2)** Один из углов параллелограмма равен  $102^\circ$ . Найдите меньший угол этого параллелограмма. Ответ дайте в градусах.

**3)** Найдите острый угол параллелограмма  $ABCD$ , если биссектриса угла  $A$  образует со стороной  $BC$  угол, равный  $33^\circ$ . Ответ дайте в градусах.

**4)** Найдите острый угол параллелограмма  $ABCD$ , если биссектриса угла  $A$  образует со стороной  $BC$  угол, равный  $16^\circ$ . Ответ дайте в градусах.

- 5)** Диагональ  $BD$  параллелограмма  $ABCD$  образует с его сторонами углы, равные  $70^\circ$  и  $35^\circ$ . Найдите меньший угол параллелограмма.
- 6)** Диагональ  $BD$  параллелограмма  $ABCD$  образует с его сторонами углы, равные  $50^\circ$  и  $85^\circ$ . Найдите меньший угол параллелограмма.
- 7)** Диагонали  $AC$  и  $BD$  параллелограмма  $ABCD$  пересекаются в точке  $O$ ,  $AC = 10$ ,  $BD = 22$ ,  $AB = 9$ . Найдите  $DO$ .
- 8)** Диагонали  $AC$  и  $BD$  параллелограмма  $ABCD$  пересекаются в точке  $O$ ,  $AC = 16$ ,  $BD = 20$ ,  $AB = 5$ . Найдите  $DO$ .
- 9)** В параллелограмме вписана окружность. Найдите периметр параллелограмма, если одна из его сторон равна 8.
- 10)** В параллелограмме вписана окружность. Найдите периметр параллелограмма, если одна из его сторон равна 11.
- 11)** В параллелограмме  $ABCD$  диагональ  $AC$  в 2 раза больше стороны  $AB$  и  $\angle ACD = 104^\circ$ . Найдите угол между диагоналями параллелограмма. Ответ дайте в градусах.
- 12)** В параллелограмме  $ABCD$  диагональ  $AC$  в 2 раза больше стороны  $AB$  и  $\angle ACD = 21^\circ$ . Найдите угол между диагоналями параллелограмма. Ответ дайте в градусах.
- 13)** Разность углов, прилежащих к одной стороне параллелограмма, равна  $40^\circ$ . Найдите меньший угол параллелограмма. Ответ дайте в градусах.
- 14)** Разность углов, прилежащих к одной стороне параллелограмма, равна  $60^\circ$ . Найдите меньший угол параллелограмма. Ответ дайте в градусах.
- 15)** На продолжении стороны  $AD$  параллелограмма  $ABCD$  за точкой  $D$  отмечена точка  $E$  так, что  $DC = DE$ . Найдите больший угол параллелограмма  $ABCD$ , если  $\angle DEC = 53^\circ$ . Ответ дайте в градусах.
- 16)** На продолжении стороны  $AD$  параллелограмма  $ABCD$  за точкой  $D$  отмечена точка  $E$  так, что  $DC = DE$ . Найдите больший угол параллелограмма  $ABCD$ , если  $\angle DEC = 27^\circ$ . Ответ дайте в градусах.
- 17)** Найдите величину острого угла параллелограмма  $ABCD$ , если биссектриса угла  $A$  образует со стороной  $BC$  угол, равный  $15^\circ$ . Ответ дайте в градусах.
- 18)** Найдите величину острого угла параллелограмма  $ABCD$ , если биссектриса угла  $A$  образует со стороной  $BC$  угол, равный  $31^\circ$ . Ответ дайте в градусах.

## ОТВЕТЫ

- 1)** 119. **2)** 78. **3)** 66. **4)** 32. **5)** 75. **6)** 45. **7)** 11. **8)** 10. **9)** 32. **10)** 44. **11)** 38. **12)** 79,5. **13)** 70. **14)** 60. **15)** 106. **16)** 126. **17)** 30. **18)** 62.

## ТРАПЕЦИЯ

- 1) Один из углов равнобедренной трапеции равен  $74^\circ$ . Найдите больший угол этой трапеции. Ответ дайте в градусах.
- 2) Один из углов равнобедренной трапеции равен  $108^\circ$ . Найдите меньший угол этой трапеции. Ответ дайте в градусах.
- 3) Сумма двух углов равнобедренной трапеции равна  $94^\circ$ . Найдите больший угол трапеции. Ответ дайте в градусах.
- 4) Сумма двух углов равнобедренной трапеции равна  $46^\circ$ . Найдите больший угол трапеции. Ответ дайте в градусах.
- 5) Сумма двух углов равнобедренной трапеции равна  $218^\circ$ . Найдите меньший угол трапеции. Ответ дайте в градусах.
- 6) Сумма двух углов равнобедренной трапеции равна  $268^\circ$ . Найдите меньший угол трапеции. Ответ дайте в градусах.
- 7) Найдите больший угол равнобедренной трапеции  $ABCD$ , если диагональ  $AC$  образует с основанием  $AD$  и боковой стороной  $AB$  углы, равные  $62^\circ$  и  $9^\circ$  соответственно.
- 8) Найдите больший угол равнобедренной трапеции  $ABCD$ , если диагональ  $AC$  образует с основанием  $AD$  и боковой стороной  $AB$  углы, равные  $46^\circ$  и  $1^\circ$  соответственно.
- 9) В трапеции  $ABCD$   $AB = CD$ ,  $\angle BDA = 54^\circ$  и  $\angle BDC = 33^\circ$ . Найдите угол  $ABD$ . Ответ дайте в градусах.
- 10) В трапеции  $ABCD$   $AB = CD$ ,  $\angle BDA = 22^\circ$  и  $\angle BDC = 45^\circ$ . Найдите угол  $ABD$ . Ответ дайте в градусах.
- 11) Основания трапеции равны 2 и 9. Найдите больший из отрезков, на которые делит среднюю линию этой трапеции одна из её диагоналей.
- 12) Основания трапеции равны 14 и 19. Найдите больший из отрезков, на которые делит среднюю линию этой трапеции одна из её диагоналей.
- 13) Основания трапеции равны 3 и 9, а высота равна 5. Найдите среднюю линию этой трапеции.
- 14) Основания трапеции равны 2 и 12, а высота равна 6. Найдите среднюю линию этой трапеции.
- 15) Высота равнобедренной трапеции, проведённая из вершины  $C$ , делит основание  $AD$  на отрезки длиной 11 и 14. Найдите длину основания  $BC$ .
- 16) Высота равнобедренной трапеции, проведённая из вершины  $C$ , делит основание  $AD$  на отрезки длиной 17 и 19. Найдите длину основания  $BC$ .
- 17) Один из углов прямоугольной трапеции равен  $51^\circ$ . Найдите больший угол этой трапеции. Ответ дайте в градусах.

**18)** Один из углов прямоугольной трапеции равен  $72^\circ$ . Найдите больший угол этой трапеции. Ответ дайте в градусах.

**19)** Один из углов прямоугольной трапеции равен  $113^\circ$ . Найдите меньший угол этой трапеции. Ответ дайте в градусах.

**20)** Один из углов прямоугольной трапеции равен  $139^\circ$ . Найдите меньший угол этой трапеции. Ответ дайте в градусах.

**21)** Трапеция  $ABCD$  с основаниями  $AD$  и  $BC$  описана около окружности,  $AB = 7$ ,  $BC = 5$ ,  $CD = 17$ . Найдите  $AD$ .

**22)** Трапеция  $ABCD$  с основаниями  $AD$  и  $BC$  описана около окружности,  $AB = 14$ ,  $BC = 13$ ,  $CD = 22$ . Найдите  $AD$ .

**23)** Угол  $A$  трапеции  $ABCD$  с основаниями  $AD$  и  $BC$ , вписанной в окружность, равен  $47^\circ$ . Найдите угол  $C$  этой трапеции. Ответ дайте в градусах.

**24)** Угол  $A$  трапеции  $ABCD$  с основаниями  $AD$  и  $BC$ , вписанной в окружность, равен  $81^\circ$ . Найдите угол  $C$  этой трапеции. Ответ дайте в градусах.

**25)** Угол  $A$  трапеции  $ABCD$  с основаниями  $AD$  и  $BC$ , вписанной в окружность, равен  $79^\circ$ . Найдите угол  $B$  этой трапеции. Ответ дайте в градусах.

**26)** Угол  $A$  трапеции  $ABCD$  с основаниями  $AD$  и  $BC$ , вписанной в окружность, равен  $54^\circ$ . Найдите угол  $B$  этой трапеции. Ответ дайте в градусах.

**27)** Радиус окружности, вписанной в равнобедренную трапецию, равен 44. Найдите высоту этой трапеции.

**28)** Радиус окружности, вписанной в равнобедренную трапецию, равен 30. Найдите высоту этой трапеции.

**29)** Найдите угол  $ABC$  равнобедренной трапеции  $ABCD$ , если диагональ  $AC$  образует с основанием  $AD$  и боковой стороной  $CD$  углы, равные  $30^\circ$  и  $80^\circ$  соответственно.

**30)** Найдите угол  $ABC$  равнобедренной трапеции  $ABCD$ , если диагональ  $AC$  образует с основанием  $AD$  и боковой стороной  $CD$  углы, равные  $20^\circ$  и  $100^\circ$  соответственно.

**31)** В трапеции  $ABCD$  известно, что  $AB = CD$ ,  $AC = AD$  и  $\angle ABC = 95^\circ$ . Найдите угол  $CAD$ . Ответ дайте в градусах.

**32)** В трапеции  $ABCD$  известно, что  $AB = CD$ ,  $AC = AD$  и  $\angle ABC = 103^\circ$ . Найдите угол  $CAD$ . Ответ дайте в градусах.

**33)** Тангенс острого угла прямоугольной трапеции равен  $\frac{7}{6}$ . Найдите её большее основание, если меньшее основание равно высоте и равно 14.

- 34)** Тангенс острого угла прямоугольной трапеции равен  $\frac{2}{5}$ . Найдите её большее основание, если меньшее основание равно высоте и равно 58.
- 35)** Основания равнобедренной трапеции равны 33 и 75, боковая сторона 75. Найдите длину диагонали трапеции.
- 36)** Основания равнобедренной трапеции равны 21 и 57, боковая сторона 82. Найдите длину диагонали трапеции.
- 37)** В трапеции  $ABCD$  боковые стороны  $AB$  и  $CD$  равны,  $CH$  – высота, проведённая к большему основанию  $AD$ . Найдите длину отрезка  $HD$ , если средняя линия  $KM$  трапеции равна 16, а меньшее основание  $BC$  равно 6.
- 38)** В трапеции  $ABCD$  боковые стороны  $AB$  и  $CD$  равны,  $CH$  – высота, проведённая к большему основанию  $AD$ . Найдите длину отрезка  $HD$ , если средняя линия  $KM$  трапеции равна 10, а меньшее основание  $BC$  равно 4.
- 39)** Биссектрисы углов  $A$  и  $B$  при боковой стороне  $AB$  трапеции  $ABCD$  пересекаются в точке  $F$ . Найдите  $AB$ , если  $AF = 4$ ,  $BF = 3$ .
- 40)** Биссектрисы углов  $A$  и  $B$  при боковой стороне  $AB$  трапеции  $ABCD$  пересекаются в точке  $F$ . Найдите  $AB$ , если  $AF = 12$ ,  $BF = 5$ .
- 41)** В трапецию, сумма длин боковых сторон которой равна 30, вписана окружность. Найдите длину средней линии трапеции.
- 42)** В трапецию, сумма длин боковых сторон которой равна 20, вписана окружность. Найдите длину средней линии трапеции.
- 43)** Сумма двух углов равнобедренной трапеции равна  $140^\circ$ . Найдите больший угол трапеции. Ответ дайте в градусах.
- 44)** Сумма двух углов равнобедренной трапеции равна  $220^\circ$ . Найдите меньший угол трапеции. Ответ дайте в градусах.

## ОТВЕТЫ

- 1)** 106. **2)** 72. **3)** 133. **4)** 157. **5)** 71. **6)** 46. **7)** 109. **8)** 133. **9)** 39. **10)** 91. **11)** 4,5. **12)** 9,5. **13)** 6. **14)** 7. **15)** 3. **16)** 2. **17)** 129. **18)** 108. **19)** 67. **20)** 41. **21)** 19. **22)** 23. **23)** 133. **24)** 99. **25)** 101. **26)** 126. **27)** 88. **28)** 60. **29)** 110. **30)** 120. **31)** 10. **32)** 26. **33)** 26. **34)** 203. **35)** 90. **36)** 89. **37)** 10. **38)** 6. **39)** 5. **40)** 13. **41)** 15. **42)** 10. **43)** 110. **44)** 70.

## РОМБ

- 1)** Один из углов ромба равен  $43^\circ$ . Найдите больший угол этого ромба. Ответ дайте в градусах.

- 2)** Один из углов ромба равен  $127^\circ$ . Найдите меньший угол этого ромба. Ответ дайте в градусах.
- 3)** В ромбе  $ABCD$  угол  $ABC$  равен  $82^\circ$ . Найдите угол  $ACD$ . Ответ дайте в градусах.
- 4)** В ромбе  $ABCD$  угол  $ABC$  равен  $84^\circ$ . Найдите угол  $ACD$ . Ответ дайте в градусах.
- 5)** Сторона ромба равна 38, а один из углов этого ромба равен  $150^\circ$ . Найдите высоту этого ромба.
- 6)** Сторона ромба равна 4, а один из углов этого ромба равен  $150^\circ$ . Найдите высоту этого ромба.
- 7)** Площадь ромба равна 27, а периметр равен 36. Найдите высоту ромба.
- 8)** Площадь ромба равна 15, а периметр равен 20. Найдите высоту ромба.

## ОТВЕТЫ

- 1)** 137. **2)** 53. **3)** 49. **4)** 48. **5)** 19. **6)** 2. **7)** 3. **8)** 3.

## ЧЕТЫРЁХУГОЛЬНИК ПРОИЗВОЛЬНЫЙ

- 1)** Угол  $A$  четырёхугольника  $ABCD$ , вписанного в окружность, равен  $66^\circ$ . Найдите угол  $C$  этого четырёхугольника. Ответ дайте в градусах.
- 2)** Угол  $A$  четырёхугольника  $ABCD$ , вписанного в окружность, равен  $100^\circ$ . Найдите угол  $C$  этого четырёхугольника. Ответ дайте в градусах.
- 3)** Четырёхугольник  $ABCD$  описан около окружности,  $AB = 5$ ,  $BC = 9$ ,  $CD = 16$ . Найдите  $AD$ .
- 4)** Четырёхугольник  $ABCD$  описан около окружности,  $AB = 8$ ,  $BC = 20$ ,  $CD = 17$ . Найдите  $AD$ .
- 5)** Четырёхугольник  $ABCD$  вписан в окружность. Прямые  $AB$  и  $CD$  пересекаются в точке  $K$ ,  $BK = 7$ ,  $DK = 14$ ,  $BC = 10$ . Найдите  $AD$ .
- 6)** Четырёхугольник  $ABCD$  вписан в окружность. Прямые  $AB$  и  $CD$  пересекаются в точке  $K$ ,  $BK = 6$ ,  $DK = 10$ ,  $BC = 15$ . Найдите  $AD$ .
- 7)** Сумма трех углов выпуклого четырехугольника равна  $300^\circ$ . Найдите четвертый угол. Ответ дайте в градусах.
- 8)** Сумма трех углов выпуклого четырехугольника равна  $351^\circ$ . Найдите четвертый угол. Ответ дайте в градусах.
- 9)** Углы выпуклого четырехугольника относятся как  $1:2:3:4$ . Найдите меньший угол. Ответ дайте в градусах.
- 10)** Углы выпуклого четырехугольника относятся как  $1:4:16:19$ . Найдите меньший угол. Ответ дайте в градусах.
- 11)** Два угла вписанного в окружность четырехугольника равны  $82^\circ$  и  $58^\circ$ . Найдите больший из оставшихся углов. Ответ дайте в градусах.

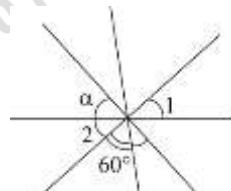
**12)** Два угла вписанного в окружность четырехугольника равны  $48^\circ$  и  $98^\circ$ . Найдите больший из оставшихся углов. Ответ дайте в градусах.

## ОТВЕТЫ

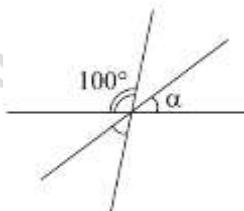
- 1) 114. 2) 80. 3) 12. 4) 5. 5) 20. 6) 25. 7) 60. 8) 9. 9) 36. 10) 9. 11) 122. 12) 132.

## УГЛЫ

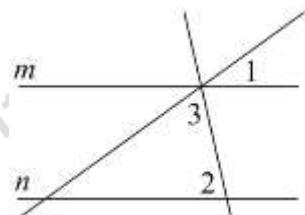
**1)** Углы, отмеченные на рисунке одной дугой, равны.  
Найдите угол  $\alpha$ . Ответ дайте в градусах.



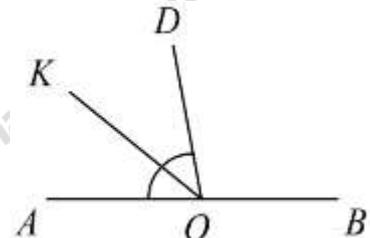
**2)** Углы, отмеченные на рисунке одной дугой, равны.  
Найдите угол  $\alpha$ . Ответ дайте в градусах.



**3)** Прямые  $m$  и  $n$  параллельны. Найдите  $\angle 3$ , если  $\angle 1 = 25^\circ$ ,  $\angle 2 = 75^\circ$ . Ответ дайте в градусах.

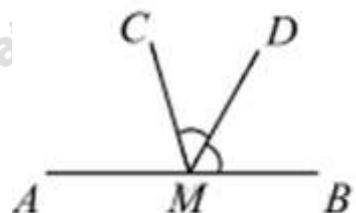


**5)** Найдите величину угла  $DOK$ , если  $OK$  – биссектриса угла  $AOD$ ,  $\angle DOB = 108^\circ$ . Ответ дайте в градусах.



**6)** Найдите величину угла  $AOK$ , если  $OK$  – биссектриса угла  $AOD$ ,  $\angle DOB = 110^\circ$ . Ответ дайте в градусах.

**7)** На прямой  $AB$  взята точка  $M$ . Луч  $MD$  – биссектриса угла  $CMB$ . Известно, что  $\angle DMC = 48^\circ$ . Найдите угол  $CMA$ . Ответ дайте в градусах.



**8)** На прямой  $AB$  взята точка  $M$ . Луч  $MD$  – биссектриса угла  $CMB$ . Известно, что  $\angle DMC = 78^\circ$ . Найдите угол  $CMA$ . Ответ дайте в градусах.

## ОТВЕТЫ

- 1) 40. 2) 40. 3) 80. 4) 15. 5) 36. 6) 35. 7) 84. 8) 24.